

Oppgave 5

a) $\cos v = \frac{x}{D} \Leftrightarrow x = D \cos v$

$$\sin v = \frac{y}{D} \Leftrightarrow y = D \sin v$$

$$\underline{O(v) = 2x + 2y = 2D \cos v + 2D \sin v}$$

$$\underline{A(v) = xy = D \cos v \cdot D \sin v = D^2 \cos v \cdot \sin v}$$

b) $O'(v) = 2D \cos v - 2D \sin v$

$$\text{Størst areal når } O'(v) = 0 \Leftrightarrow 2D \cos v - 2D \sin v = 0 \Leftrightarrow 2D \cos v = 2D \sin v \Leftrightarrow 2x = 2y \Leftrightarrow x = y$$

Sidene i rektangelet med størst omkrets er like, altså må det være et kvadrat.

$$x = y \Leftrightarrow D \cos v = D \sin v \Leftrightarrow \cos v = \sin v \Leftrightarrow v = 45^\circ$$

(bryr oss bare om den løsningen, siden det er et kvadrat)

$$\underline{O(v)_{maks} = 2D \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} + 2D \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} = 2\sqrt{2}D}$$

c) $A'(v) = D^2(\cos^2 v - \sin^2 v)$

$$A'(v) = 0 \Leftrightarrow D^2(\cos^2 v - \sin^2 v) = 0 \Leftrightarrow \cos^2 v - \sin^2 v = 0 \Leftrightarrow \cos^2 v = \sin^2 v \Leftrightarrow v = 45^\circ$$

(samme forklaring som over)

$$\underline{A(v)_{maks} = D^2 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} = D^2 \cdot \frac{2}{4} = \frac{1}{2}D^2}$$